

# ***Übungen zu Rechnerarchitektur (Cache Replacement (LRU))***

Sommersemester 2017

Jian-Jia Chen

(Slides from Dipl.-Inf. Björn Bönninghoff)

Technische Universität Dortmund

Lehrstuhl Informatik 12

Entwurfsautomatisierung für Eingebettete Systeme

# Cacheersetzungsstrategien

- **L1 Cache: 256Byte, 4 Wege, Blockgröße 16Byte, write-back, write-allocate**
  - Anzahl der Cachezeilen
    - 16 Bytes/Block x 4 Blöcke/Zeile = 64Byte/Zeile
    - 4 Zeilen
  - Aufteilung der Adressbits
    - Offset: 4 Bits für Byte-Adressierung von 16 =  $2^4$  Bytes
    - Index: 2 Bit für die Auswahl von 4 Zeilen
    - Tag: 26 Bits (die restlichen Bits)

# Realisierung von LRU mittels Dreiecksmatrix (1)

- Def:  $f[i, j] = 1$ , falls Zugriff auf  $i$  älter ist als der auf  $j$  und 0 sonst.

The diagram shows a triangular matrix  $f[i, j]$  with row index  $i$  and column index  $j$ . The matrix is upper triangular, meaning  $f[i, j] = 0$  for  $i > j$ . The values are 1 for  $i \leq j$  and 0 for  $i > j$ . A callout bubble points to the entry at  $(i=0, j=1)$ , which is 0, with the text "Eintrag 0 älter als 1".

Eintrag	0	1	2	3
0	0	1	1	1
1	0	0	1	1
2	0	0	0	1

Wegen Antisymmetrie nur Dreiecksmatrix  $f[i, j], i < j$  (d.h. Zeilenindex < Spaltenindex) zu speichern.

# Dreiecksmatrizen

- Zeile 2

Zugriffsfolge  
2,3,1,0  
(alt → neu)

Eintrag	0	1	2	3
0		0	0	0
1			0	0
2				1

Eintrag 1  
älter als 0

Eintrag 2  
älter als 3

- Zeile 3

Zugriffsfolge  
0,2,3,1

Eintrag	0	1	2	3
0		1	1	1
1			0	0
2				1

# Dreiecksmatrizen

- andere Zeilen

Zugriffsfolge  
 0,1,2,3

Eintrag	0	1	2	3
0		1	1	1
1			1	1
2				1

- Beispiel:  
ungültiger  
Zustand

Eintrag	0	1	2	3
0		0	1	1
1			1	0
2				1

# Cacheersetzungsstrategien

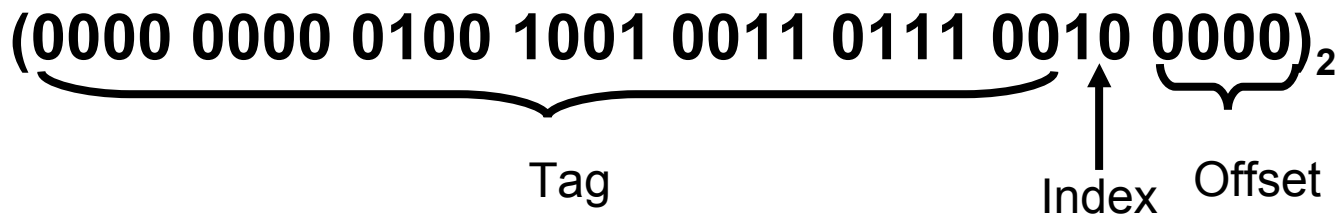
b) Der Prozessor greift nun auf die folgenden Speicheradressen zu:

1. Write: 0x00493720
2. Write: 0x00493734
3. Read: 0x00471110
4. Read: 0x00493728
5. Read: 0x0049352C
6. Read: 0x00493734

Gehen Sie davon aus, dass zu Beginn der Zugriffssequenz die Tags in allen Cacheblöcken einer Null entsprechen. Geben Sie für jeden Zugriff an, ob ein Cache-Miss oder Cache-Hit vorliegt und welche Cachezeile geprüft wurde. Wie sieht nach einem Zugriff die Dreiecksmatrix der Zeile aus und welcher Block wird bei einem Cache-Miss ersetzt?

# Speicherzugriff 1: Write 0x00493720

- $(00493720)_{16} =$

$(0000\ 0000\ 0100\ 1001\ 0011\ 0111\ 0010\ 0000)_2$   



- **Offset [3:0] = 0000**


- **Index [4:4] = 10**

→ **Tag [31:5] = 0000 0000 0100 1001 0011 0111 00**

# Realisierung von LRU mittels Dreiecksmatrix (2)

Annahme: Initialisierung mit 1

Cache miss   
Überschreiben von way 0

Cache miss   
Überschreiben von way 1

Jüngster Eintrag jeweils gestrichelt

Ein-trag	0	1	2	3
0		1	1	1
1			1	1
2				1

Ein-trag	0	1	2	3
0		0	0	0
1			1	1
2				1

Ein-trag	0	1	2	3
0		1	0	0
1			0	0
2				1



# Speicherzugriff 1: Write 0x00493720

Tag = 0000 0000 0100 1001 0011 0111 00    Index = 10    Offset = 0000

0	1	2	3				
0	1	1	1	?	?	?	?
1		1	1				
2			1				
0	1	2	3				
0	1	1	1	?	?	?	?
1		1	1				
2			1				
0	1	2	3				
0	0	0	0	?	?	?	?
1		0	0				
2			1				
0	1	2	3				
0	1	1	1	?	?	?	?
1		0	0				
2			1				

# Speicherzugriff 1: Write 0x00493720

Tag = 0000 0000 0100 1001 0011 0111 00    Index = 10    Offset = 0000

Prüfe: Zeile 2

Cache Miss  
(Compulsory)

0	1	2	3				
0	1	1	1	?	?	?	?
1		1	1				
2			1				
0	1	2	3				
0	1	1	1	?	?	?	?
1		1	1				
2			1				
0	1	2	3				
0	0	0	0	?	?	?	?
1		0	0				
2			1				
0	1	2	3				
0	1	1	1	?	?	?	?
1		0	0				
2			1				

# Speicherzugriff 1: Write 0x00493720

Tag = 0000 0000 0100 1001 0011 0111 00    Index = 10    Offset = 0000

Prüfe: Zeile 2

Cache Miss  
(Compulsory)

Eintrag 2 wird  
ersetzt  
(write-allocate)

0	1	2	3				
0	1	1	1	?	?	?	?
1		1	1				
2			1				
0	1	2	3				
0	1	1	1	?	?	?	?
1		1	1				
2			1				
0	1	2	3			0000 0000	
0	0	1	0	?	?	0100 1001	?
1		1	0			0011 0111	
2			0			00	
0	1	2	3				
0	1	1	1	?	?	?	?
1		0	0				
2			1				

# Speicherzugriff 2: Write 0x00493734

Tag = 0000 0000 0100 1001 0011 0111 00    Index = 11    Offset = 0100

Prüfe: Zeile 3

Cache Miss  
(Compulsory)

0	1	2	3				
0	1	1	1	?	?	?	?
1		1	1				
2			1				
0	1	2	3				
0	1	1	1	?	?	?	?
1		1	1				
2			1				
0	1	2	3			0000 0000	
0	0	1	0	?	?	0100 1001	?
1		1	0			0011 0111	
2			0			00	
0	1	2	3				
0	1	1	1	?	?	?	?
1		0	0				
2			1				

# Speicherzugriff 2: Write 0x00493734

Tag = 0000 0000 0100 1001 0011 0111 00    Index = 11    Offset = 0100

Prüfe: Zeile 3

Cache Miss  
(Compulsory)

Eintrag 0 wird  
ersetzt

0	1	2	3				
0	1	1	1	?	?	?	?
1		1	1				
2			1				
0	1	2	3				
0	1	1	1	?	?	?	?
1		1	1				
2			1				
0	1	2	3			0000 0000	
0	0	1	0	?	?	0100 1001	?
1		1	0			0011 0111	
2			0			00	
0	1	2	3	0000 0000			
0	0	0	0	0100 1001	?	?	?
1		0	0	0011 0111			
2			1	00			

# Speicherzugriff 3: Read 0x00471110

Tag = 0000 0000 0100 0111 0001 0001 00    Index = 01    Offset = 0000

Prüfe: Zeile 1

Cache Miss  
(Compulsory)

0	1	2	3				
0	1	1	1	?	?	?	?
1		1	1				
2			1				
0	1	2	3				
0	1	1	1	?	?	?	?
1		1	1				
2			1				
0	1	2	3				
0	0	1	0	?	?	0000 0000	?
1		1	0			0100 1001	
2			0			0011 0111	
						00	
0	1	2	3				
0	0	0	0	0000 0000	?	?	?
1		0	0	0100 1001			
2			1	0011 0111			
				00			

# Speicherzugriff 3: Read 0x00471110

Tag = 0000 0000 0100 0111 0001 0001 00    Index = 01    Offset = 0000

Prüfe: Zeile 1

0	1	2	3				
0	1	1	1	?	?	?	?
1		1	1				
2			1				
0	1	2	3	0000 0000			
0	0	0	0	0100 0111	?	?	?
1		1	1	0001 0001			
2			1	00			
0	1	2	3			0000 0000	
0	0	1	0	?	?	0100 1001	?
1		1	0			0011 0111	
2			0			00	
0	1	2	3	0000 0000			
0	0	0	0	0100 1001	?	?	?
1		0	0	0011 0111			
2			1	00			

Cache Miss  
(Compulsory)

Eintrag 0 wird  
ersetzt

# Speicherzugriff 4: Read 0x00493728

Tag = 0000 0000 0100 1001 0011 0111 00    Index = 10    Offset = 1000

	0 1 2 3				
	0 1 1 1	?	?	?	?
	1 1 1				
	2 1				
<b>Prüfe: Zeile 2</b>	0 1 2 3	<b>0000 0000</b>			
	0 0 0 0	<b>0100 0111</b>	?	?	?
	1 1 1	<b>0001 0001</b>			
	2 1	<b>00</b>			
<b>Cache Hit (Tag in Eintrag 2 passt (Zugriff 1))</b>	0 1 2 3			<b>0000 0000</b>	
	0 0 1 0	?	?	<b>0100 1001</b>	?
	1 1 0			<b>0011 0111</b>	
	2 0			<b>00</b>	
	0 1 2 3	<b>0000 0000</b>			
	0 0 0 0	<b>0100 1001</b>	?	?	?
	1 0 0	<b>0011 0111</b>			
	2 1	<b>00</b>			



# Speicherzugriff 4: Read 0x00493728

Tag = 0000 0000 0100 1001 0011 0111 00    Index = 10    Offset = 1000

	0 1 2 3				
	0	1 1 1	?	?	?
	1	1 1			
	2	1			
<b>Prüfe: Zeile 2</b>	0 1 2 3				
	0	0 0 0	<b>0000 0000</b>	?	?
	1	1 1	<b>0100 0111</b>		?
	2	1	<b>0001 0001</b>		
			<b>00</b>		
<b>Cache Hit (Tag in Eintrag 2 passt (Zugriff 1))</b>	0 1 2 3				
	0	0 1 0	?	?	<b>0000 0000</b>
	1	1 0			<b>0100 1001</b>
	2	0			<b>0011 0111</b>
					<b>00</b>
<b>Eintrag 2 aktualisieren</b>	0 1 2 3				
	0	0 0 0	<b>0000 0000</b>	?	?
	1	0 0	<b>0100 1001</b>		?
	2	1	<b>0011 0111</b>		
			<b>00</b>		

# Speicherzugriff 5: Read 0x0049352C

Tag = 0000 0000 0100 1001 0011 0101 00    Index = 10    Offset = 1100

Prüfe: Zeile 2

Cache Miss  
(Compulsory)

0	1	2	3				
0	1	1	1	?	?	?	?
1		1	1				
2			1				
0	1	2	3	<b>0000 0000</b>			
0	0	0	0	<b>0100 0111</b>	?	?	?
1		1	1	<b>0001 0001</b>			
2			1	<b>00</b>			
0	1	2	3			<b>0000 0000</b>	
0	0	1	0	?	?	<b>0100 1001</b>	?
1		1	0			<b>0011 0111</b>	
2			0			<b>00</b>	
0	1	2	3	<b>0000 0000</b>			
0	0	0	0	<b>0100 1001</b>	?	?	?
1		0	0	<b>0011 0111</b>			
2			1	<b>00</b>			

# Speicherzugriff 5: Read 0x0049352C

Tag = 0000 0000 0100 1001 0011 0101 00    Index = 10    Offset = 1100

Prüfe: Zeile 2

Cache Miss  
(Compulsory)

Eintrag 3 wird  
ersetzt

0	1	2	3				
0	1	1	1	?	?	?	?
1		1	1				
2			1				
0	1	2	3	0000 0000			
0	0	0	0	0100 0111	?	?	?
1		1	1	0001 0001			
2			1	00			
0	1	2	3			0000 0000	0000 0000
0	0	1	1	?	?	0100 1001	0100 1001
1		1	1			0011 0111	0011 0101
2			1			00	00
0	1	2	3	0000 0000			
0	0	0	0	0100 1001	?	?	?
1		0	0	0011 0111			
2			1	00			

# Speicherzugriff 6: Read 0x00493734

Tag = 0000 0000 0100 1001 0011 0111 00    Index = 11    Offset = 1100

	0 1 2 3				
	0 1 1 1	?	?	?	?
	1 1 1				
	2 1				
<b>Prüfe: Zeile 3</b>	0 1 2 3	<b>0000 0000</b>			
	0 0 0 0	<b>0100 0111</b>	?	?	?
	1 1 1	<b>0001 0001</b>			
	2 1	<b>00</b>			
<b>Cache Hit (Tag in Eintrag 0 passt (Zugriff 2))</b>	0 1 2 3			<b>0000 0000</b>	<b>0000 0000</b>
	0 0 1 1	?	?	<b>0100 1001</b>	<b>0100 1001</b>
	1 1 1			<b>0011 0111</b>	<b>0011 0101</b>
	2 1			<b>00</b>	<b>00</b>
	0 1 2 3	<b>0000 0000</b>			
	0 0 0 0	<b>0100 1001</b>	?	?	?
	1 0 0	<b>0011 0111</b>			
	2 1	<b>00</b>			

# Speicherzugriff 6: Read 0x00493734

Tag = 0000 0000 0100 1001 0011 0111 00    Index = 11    Offset = 1100

	0 1 2 3				
	0 1 1 1	?	?	?	?
	1 1 1				
	2 1				
<b>Prüfe: Zeile 3</b>	0 1 2 3	<b>0000 0000</b>			
	0 0 0 0	<b>0100 0111</b>	?	?	?
	1 1 1	<b>0001 0001</b>			
	2 1	<b>00</b>			
<b>Cache Hit (Tag in Eintrag 0 passt (Zugriff 2))</b>	0 1 2 3			<b>0000 0000</b>	<b>0000 0000</b>
	0 0 1 1	?	?	<b>0100 1001</b>	<b>0100 1001</b>
	1 1 1			<b>0011 0111</b>	<b>0011 0101</b>
	2 1			<b>00</b>	<b>00</b>
<b>Eintrag 0 aktualisieren</b>	0 1 2 3	<b>0000 0000</b>			
	0 0 0 0	<b>0100 1001</b>	?	?	?
	1 0 0	<b>0011 0111</b>			
	2 1	<b>00</b>			