

## Übungsblatt 2 (Block A - 2)

(16 Punkte)

**Abgabe bis spätestens Mittwoch, 9. November 2016, 16:00 Uhr.  
 Besprechung ab Montag, 14. November 2016.**

**Hinweise zur Abgabe der Übungsblätter finden Sie am Ende des Dokuments**

### 2.1 Darstellungen für ganze Zahlen (4 Punkte)

- Die ganze Dezimalzahl  $-10$  soll mit acht Bits repräsentiert werden. Geben Sie jeweils das passende Bitmuster für die untenstehenden Darstellungen an.
  - Vorzeichenbetragsdarstellung
  - Einerkomplementdarstellung
  - Zweierkomplementdarstellung
  - Exzessdarstellung mit Bias 30
- Das Bitmuster 1001 0110 soll als ganze Zahl interpretiert werden. Geben Sie zu jeder der unten angegebenen Darstellungen an, welche ganze Zahl durch dieses Bitmuster repräsentiert wird.
  - Vorzeichenbetragsdarstellung
  - Einerkomplementdarstellung
  - Zweierkomplementdarstellung
  - Exzessdarstellung mit Bias 127

### 2.2 Darstellung von rationalen Zahlen (4 Punkte)

- Wandeln Sie  $-8,125$  in eine Gleitkommazahl im Format IEEE 754-1985 mit 32 Bits um ( $\ell = 1 + 8 + 23, b = 127$ ) und beschreiben Sie die dazu notwendigen Schritte.
- Wandeln Sie die rationale Zahl 0 1000 0100 001 1110 0000 0000 0000 0000 im Format IEEE 754-1985 ( $\ell = 1 + 8 + 23, b = 127$ ) in eine Dezimalzahl um und beschreiben Sie die dazu notwendigen Schritte.

### 2.3 Algebraische Umformungen (4 Punkte)

Boolesche Formeln sind eine Möglichkeit, um boolesche Funktionen darzustellen. Sie können mit Hilfe der booleschen Rechengesetze algebraisch umgeformt werden. Benutzen Sie diese Umformungen, um die folgenden Formeln zu vereinfachen.

Vereinfachen Sie die booleschen Formeln schrittweise so weit wie möglich. Verwenden Sie außer Klammern, Variablen und Konstanten nur die Operatoren  $\wedge$ ,  $\vee$  und die Negation. Verwenden Sie zur Darstellung der Negation ausschließlich den Querstrich, ggfs. auch über ganze Subterme.

a.  $a \wedge (a \oplus b)$

b.  $\overline{a \wedge \bar{b} \wedge \bar{c}} \vee \overline{\bar{a} \wedge b \wedge \bar{c}} \vee \overline{a \wedge b \wedge \bar{c}}$

## 2.4 Normalformen (4 Punkte)

- a. Die booleschen Funktionen  $f : B^3 \rightarrow B$  und  $g : B^3 \rightarrow B$  sind durch die folgenden Wertetabellen gegeben.

$a$	$b$	$c$	$f(a, b, c)$	$x$	$y$	$z$	$g(x, y, z)$
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	1	0
0	1	0	1	0	1	0	1
0	1	1	1	0	1	1	1
1	0	0	0	1	0	0	1
1	0	1	0	1	0	1	1
1	1	0	0	1	1	0	1
1	1	1	0	1	1	1	0

Geben Sie  $f$  und  $g$  in entweder disjunktiver oder konjunktiver Normalform an. Sie sollen aber jeweils nur die Darstellung wählen, die am "einfachsten" ist (am wenigsten Arbeit macht). Geben Sie eine Begründung für Ihre Wahl an.

- b. Gegeben sei eine boolesche Funktion  $f : B^3 \rightarrow B$  mit  $f(a, b, c) = (a \wedge b \wedge c) \vee (\bar{a} \wedge \bar{c}) \vee (\bar{a} \wedge \bar{b} \wedge c)$ , die schon fast in DNF ist. Geben Sie  $f$  in DNF an.

**Hinweis:** In der Übung, Vorlesung und Klausur ist mit dem Begriff *Normalform* immer die vollständige Normalform gemeint.

### Hinweise:

Die Abgaben sollen bis Mittwoch, 9. November 2016, 16:00 Uhr in die Briefkästen in der Otto-Hahn-Straße 12 eingeworfen werden.

Die Briefkästen finden Sie in der ersten Etage der Otto-Hahn-Straße 12 am Übergang zum Erdgeschoss der Otto-Hahn-Straße 14. Die Briefkästen sind mit dem Namen der Veranstaltung, der Gruppennummer sowie Zeit und Ort der Übung gekennzeichnet. Für Rechnerstrukturen sind dies die Briefkästen mit den Nummern 28 bis 40.

Schreiben Sie unbedingt Ihren **Namen**, Ihre **Matrikelnummer** und Ihre **Gruppennummer** rechts oben auf Ihre Abgabe. Sie dürfen als Team mit bis zu zwei weiteren Personen abgeben. Geben Sie dann nur eine einzige Lösung ab und schreiben Sie alle Namen und Matrikelnummern des Teams auf die gemeinsame Abgabe.

Heften Sie die Abgabe bitte zusammen (Tacker oder notfalls Büroklammer). Bitte die Abgabe **nicht falten** und **keine Schnellhefter oder Umschläge** abgeben.

Es gibt insgesamt 12 Übungsblätter, die in 3 Blöcke (A, B, C) aufgeteilt sind. In jedem Block müssen Sie 30 Punkte von 64 möglichen Punkten erreichen, um zur Prüfung zugelassen zu werden.